

**Автономная некоммерческая организация дополнительного образования
Учебный Центр «Кругозор»**

3-й Митинский пер., д. 10, г. Москва, 125368

тел./факс (495) 752-00-03, e-mail: 3mit.ucentr@gmail.com, www.3mit.ru

ОКПО 18760332, ОГРН 1027739430960, ИНН/КПП 7733088721/773301001,

Рассмотрено

Протокол Методического

Совета № 12

От 28.10.2019г.

Утверждено

Директор

И. Я. Касперович

28.10.2019г.



**ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ
ОБЩЕРАЗВИВАЮЩАЯ ПРОГРАММА**

«Избранные главы математики. Часть I»

Направленность: техническая

Возраст обучающихся: 15-18 лет

Срок реализации: 1 год

Уровень освоения ДОП: ознакомительный

Авторы - составители:

Балбекова Евгения Тимофеевна

Черкасов Илья Романович

Москва, 2019 г.

1. Пояснительная записка

Дополнительная общеобразовательная программа «Избранные главы математики I» (далее - Программа, Курс) имеет техническую направленность.

Программа курса есть составная часть математической подготовки с возможностью интегрирования в основную учебную программу. Курс направлен на совершенствование мировоззренческой и культурной подготовки учащихся, задает направление математической подготовки учеников. Программа охватывает избранные вопросы школьной и олимпиадой математики, которые подаются в более широком спектре на примере нестандартных задач. Курс индивидуален, использует личностно - ориентированный подход в обучении математике. Особенность программы в том, что в ней по возможности освещаются исторические этапы развития математики в каждом из разделов. Это способствует целльному пониманию предмета и придаёт логическую стройность основной учебной программе.

Данный курс способствует обогащению приемов и способов решения математических задач. Программа направлена на формирование решать задачи повышенного и высокого (олимпиадного) уровня сложности, получения дополнительных знаний по математике. На учебных занятиях данного элективного курса используются активные методы обучения, предусматривается использование электронно-вычислительной техники с установленными заранее программно-вычислительными комплексами (Wolfram Alpha, GeoGebra, Quick Graph).

Актуальность программы определена развитием у школьников мотивации к обучению математике, стремлению развивать свои интеллектуальные способности. Программа направлена на удовлетворение индивидуальных потребностей ученика, дает возможность применять умения в нестандартной ситуации и лучше обучаться в тех классах, где математика является профильным предметом. Также программа склоняет ученика к исследовательской деятельности и ставит его в условия настоящего эксперимента с использованием современных средств получения и обработки информации.

Педагогическая целесообразность данной программы проявляется в синergии процессов воспитания, развития и обучения. Школьник может оценить свои возможности с точки зрения образовательной перспективы, а данный курс предоставит ему возможность работать на уровне повышенных возможностей. Программа поможет позитивно повлиять на мотивацию ученика по предметам естественно-технического цикла.

Основная цель изучения курса — научить решать (любые) задачи, научить работать с задачей, анализировать каждую задачу и процесс ее решения, выделяя из него общие приемы и способы, т. е., научить такому подходу к задаче, при котором задача выступает как объект тщательного изучения, исследования, а ее решение — как объект конструирования и изобретения. Таким образом, изучение предмета будет способствовать формированию основных способов математической деятельности.

Кроме того, целями предмета ставятся:

- формирование у учащихся навыков решения заданий повышенной сложности, овладение рядом технических и интеллектуальных математических умений на уровне их использования , помоши ученику оценить свой потенциал и интерес к предмету с точки зрения образовательной перспективы;
- совершенствование общеучебных навыков и умений, приобретенных учащимися ранее;
- целенаправленное повторение ранее изученного материала;
- развитие формально-оперативных алгебраических умений до уровня, позволяющих уверенно использовать их при решении задач математики и смежных предметов (физика, химия, информатики и др.);
- усвоение аппарата уравнений как основного средства математического моделирования прикладных задач;
- осуществление функциональной подготовки школьников.

Задачи учебного курса:

Обучающие:

- формирование умения использовать различные приемы организации записей на бумаге;
- усвоение определенной системы математических знаний посредством моделирования и исследования реальных ситуаций;
- отработка практических навыков работы с пишущим инструментом;
- повторение ранее изученных материалов по математике.

Развивающие:

- развивать образное и пространственное мышление, фантазию ученика;
- развивать внимание, память, логическое, абстрактное и аналитическое мышление;
- развитие мелкой моторики рук и глазомера;
- развитие творческих способностей.

Воспитательные:

- формировать умение оценивать ученика свои способности;
- формировать подготовку к самостоятельному решению математических задач;
- осуществлять трудовое и эстетическое воспитание школьников.

Срок реализации программы: 1 год

Возраст детей: 15-18 лет.

Периодичность занятий: 1 раз в неделю по 1 академическому часу (за год 36 часов)

Форма занятий: индивидуальная

Методы организации занятий: вербальные (устное изложение, беседа, рассказ), наглядные (иллюстрации, наблюдение, показ педагогом, работа по образцу, работа в графических калькуляторах), практические (учащийся не только воспринимает информацию, но и участвует в ее поиске, решении поставленной задачи вместе с педагогом).

Типы занятий: теоретические (изложение математической теории в виде лекции), практические (решение задач), комбинированные (возможно как изложение теории на занятии, так и решение практических задач), диагностические (самостоятельное решение практических задач), лабораторные (использование готовых математических наборов).

Методы, в основе которых лежит уровень действия детей:

- объяснительно-иллюстративные (педагог сообщает информацию различными средствами с ясностью, наглядностью и простотой, в соответствие возрастными и индивидуальным характеристиками),
- репродуктивные (неоднократное воспроизведение сообщенных знаний учениками по готовой системе упражнений)
- частично-поисковые (преподаватель ставит некоторую проблему или задачу перед учениками, которая нуждается в выполнении отдельных шагов поиска решения проблемы).
- исследовательские (преподаватель организует самостоятельную работу учащихся по изучению нового знания, предлагая им задания проблемного характера и разрабатывая совместно с ними цель работы. Проблемные ситуации, как правило, возникают в ходе выполнения учащимися заданий, имеющих обычно не только теоретический, но и практический (инструментальный) характер (поиск дополнительных фактов, сведений, систематизация и анализ информации и т.д.)).

Личностные и метапредметные результаты:

- успешная работа как на занятиях, так и вне занятий;
- навыки работы с информацией, в том числе и получаемой посредством Интернет;
- выполнение расчетов по формулам, составления формул, выражающих зависимости между реальными величинами; нахождения нужной формулы в справочных материалах;
- моделирование практических ситуаций и исследования построенных моделей с использованием аппарата алгебры;
- описание зависимостей между физическими величинами, соответствующими формулами при исследовании несложных практических ситуаций;
- интерпретация графиков реальных зависимостей между величинами.

Предметные результаты

Учащийся должен знать/понимать:

- существование понятия алгоритма; примеры алгоритмов;
- как используются математические формулы, уравнения и неравенства; примеры их применения для решения математических и практических задач;
- как математически определенные функции могут описывать реальные зависимости; приводить примеры такого описания;
- как потребности практики привели математическую науку к необходимости применения моделирования;
- значение математики как науки;
- значение математики в повседневной жизни, а также как прикладного инструмента в будущей профессиональной деятельности.

Уметь:

- решать задания повышенного уровня сложности.
- работать в программных математических комплексах.

Способы определения результатов: педагогическое наблюдение, педагогический анализ результатов, анкетирование, тестирование, оценка активности учащихся на занятии.

Контроль: начальный (в виде собеседования), промежуточный контроль (в виде контрольных работ по прошедшему разделу), итоговый контроль (в виде итоговой контрольной работы по всем разделам данной программы).

2. Содержание учебного курса

Повторение (2 ч).

История развития математической мысли. Зачем нужна математика. Арифметические действия, преобразование выражений.

Уравнения, текстовые задачи (5 ч).

Общие методы анализа задачи и поиска решения. Виды текстовых задач.

Лабораторные работы на решение задач.

Введение в функции (4 ч).

Биография Рене Декарта и Готфрида Вильгельма Лейбница. Функция. Способы задания функции. Линейная функция и ее график. Кусочно-заданная функция. Парабола. Гипербола. Преобразование графиков функций. Построение графиков функций в Quick Graph.

Степень числа. Формулы сокращенного умножения (8 ч).

Степень с натуральным показателем и ее свойства. Одночлены и действия с ними.

Многочлены и действия с ними. Формулы сокращенного умножения

Введение в планиметрию. Треугольники (5 ч).

Признаки равенства треугольников. Виды треугольников. Сумма углов треугольника.

Работа в программно-вычислительном комплексе GeoGebra.

Системы рациональных уравнений (6 ч).

Различные способы решения систем рациональных уравнений. Решение задач с помощью систем рациональных уравнений.

Теория вероятностей (4 ч).

Различные подходы к определению вероятности. Классификация событий и теоремы о вероятностях событий. Задачи на теорию вероятностей. Комбинаторные задачи.

Итоговая контрольная работа (1 ч).

Контрольная работа по всем пройденным темам в виде задач с указанием ответа и задач с развернутым решением.

3. Тематическое планирование

Раздел	Тема	Кол-во часов	Тип занятия
Повторение		3	
	История и развитие понятия числа. Системы счисления. Арифметические действия с рациональными числами.	1	Практический
	От числа к переменной. Числовые и буквенные Выражения. Преобразование выражений.	1	Практический
	Контрольная работа по разделу «Повторение».	1	Диагностический
Уравнения. Текстовые задачи		5	
	Потребность в усложнении математического аппарата. Линейное уравнение с одной переменной. Решение уравнений.	1	Комбинированный
	Решение задач с помощью уравнений. Задачи прошлых веков и современные задачи.	1	Практический
	Лабораторный работа по решению задач на среднюю скорость движения, на движение по реке (с применением готового математического набора и компьютера).	1	Лабораторный
	Лабораторный работа по решению задач на смеси, задач доли и проценты (с применением готового математического набора и компьютера).	1	Лабораторный
	Контрольная работа по разделу «Уравнения. Текстовые задачи».	1	Диагностический
Введение в функции		4	
	Биография Рене Декарта и Готфрида Вильгельма Лейбница. Функция. Способы задания функции. Применение электронно-вычислительной техники для построения графиков функции.	1	Комбинированный

	Прямая пропорциональность и ее график. Примеры прямой пропорциональности в жизни.	1	Практический
	Линейная функция и ее график, кусочно-заданная функция. Парабола, гипербола и их графики.	1	Практический
	Преобразование графиков функций. Построение графиков функций в Quick Graph.	1	Практический
	Контрольная работа по разделу «Введение в функции».	1	Диагностический
Степень числа. Формулы сокращенного умножения	Контрольная работа по разделу «Введение в функции».	8	Диагностический
Степень с натуральным показателем	Дальнейшее совершенствование математического аппарата. Степень с натуральным показателем и ее свойства.	1	Практический
	Степень с целым показателем и ее свойства.	1	Практический
	Одночлены и действия с ними.	1	Практический
	Многочлены и действия с ними.	1	Практический
	Формулы сокращенного умножения.	1	Практический
	Формулы сокращенного умножения. Задачи повышенного уровня сложности.	1	Практический
	Формула бинома Ньютона.	1	Практический
Контрольная работа по теме «Степень числа. Формулы сокращенного умножения»	Контрольная работа по разделу «Степень числа. Формулы сокращенного умножения».	1	Диагностический
Введение в планиметрию. Треугольники	Контрольная работа по разделу «Введение в планиметрию. Треугольники».	5	
	Лабораторный работа по признаку равенства треугольников (с применением готового математического набора). Применение графического калькулятора GeoGebra.	1	Лабораторный

Геометрия	Виды треугольников. Сумма углов треугольника. Площади треугольников. Сумма углов треугольника. Применение графического калькулятора GeoGebra.	1	Практический
	Медиана, биссектриса и высота треугольника. Применение графического калькулятора GeoGebra.	1	Практический
	Решение задач с помощью графического калькулятора GeoGebra.	1	Практический
	Контрольная работа по разделу «Введение в планиметрию. Треугольники».	1	Диагностический
Системы рациональных уравнений		6	
	Системы уравнений.	1	Комбинированный
	Нестандартные способы решения систем рациональных уравнений.	1	Теоретический
	Нестандартные способы решения систем рациональных уравнений.	1	Практический
	Решение задач олимпиадных с помощью систем рациональных уравнений.	1	Теоретический
	Решение задач олимпиадных с помощью систем рациональных уравнений.	1	Практический
	Контрольная работа по разделу «Системы рациональных уравнений».	1	Диагностический
Теория вероятностей		4	
	Введение в историю теории вероятностей. Различные подходы к определению вероятности. Классическое, геометрическое и частотное определение вероятности.	1	Теоретический
	Классификация событий в теории вероятностей. Теоремы о вероятностях событий. Решение задач олимпиадного уровня.	1	Практические задачи
	Комбинаторика. Комбинаторные задачи олимпиадного уровня.	1	Комбинированный

	Контрольная работа по разделу «Теория вероятностей».	1	Диагностический
Итоговая контрольная работа		1	Диагностический
Всего		36	

4. Список литературы

- 1) Е.А. Морозова. Международные математические олимпиады. Издательство «Просвещение», 1976
- 2) Е.В. Галкин. Нестандартные задачи по математике.
- 3) Г.И. Глейзер. История математики в школе.
- 4) И.Ф. Шарыгин. Факультативный курс по математике. Издательство «Просвещение», 1989 год.
- 5) Н.Д. Золотарева. Геометрия. Углубленный курс. Бином, 2015 год.
- 6) Н.Д. Золотарева. Алгебра. Углубленный курс. Бином, 2015 год.
- 7) Р.К. Гордин. Теоремы и задачи школьной геометрии. Базовый и профильный уровни. Издательство Московского центра непрерывного математического образования, 2018.
- 8) В.В. Ткачук. Математика абитуриенту. Издательство Московского центра непрерывного математического образования, 2018 год.
- 9) К.А. Рыбников. История математики, в двух томах. Издательство Московского университета, 1960 год.
- 10) М.И. Сканави. Сборник задач по математике.

5. Интернет-ресурсы.

<https://olympiads.mccme.ru/vmo/>

<https://olimpiada.ru>

<https://olymp.hse.ru/mmo/tasks-math>

<http://www.pdmi.ras.ru/~olymp/>

<http://sesc.nsu.ru/vsesib/math.html>